

TD 3.2

Exercice 1 (Diviseurs et nombres parfaits)

Voici un programme qui affiche la liste des diviseurs d'un entier naturel .:

```
#include <stdio.h>

int main ()
{
    int i, j;

    printf (" choisissez un nombre entier positif\n");
    scanf ("%d", &i);
    while (i <= 0)
    {
        printf (" il n'est pas positif ; choisissez -en un autre\n");
        scanf ("%d", &i);
    }
    printf ("voici ses diviseurs :\n");
    j = 1;
    while (j <= i)
    {
        if (i % j == 0)
            printf ("\t%d\n", j);
        j = j + 1;
    }
    return 0;
}
```

1. Faites le “tourner à la main” en supposant que le nombre choisi est 10.
2. Un nombre premier admet exactement deux diviseurs (1 et lui-même). Modifiez ce programme pour qu’il affiche en plus, selon le cas, le message “ce nombre est un nombre premier” ou “ce nombre n’est pas un nombre premier”.
3. Un nombre parfait est la somme de tous ses diviseurs, lui-même exclu. Modifiez ce programme pour qu’il affiche en plus, selon le cas, le message “ce nombre est (respectivement n’est pas) un nombre parfait”.
4. Modifiez ce programme pour qu’il affiche tous les nombres parfaits compris entre 1 et 10 000.

Exercice 2 (pgcd)

1. *En s'inspirant du programme ci-dessus, écrire un programme qui détermine le pgcd de deux nombres a et b après les avoir saisis.*
2. *Ecrire un programme qui détermine $\text{pgcd}(a, b)$ en utilisant l'algorithme d'Euclide.*
3. *Modifier les deux programmes qui déterminent $\text{pgcd}(a, b)$ pour déterminer $\text{pgcd}(a, b, c)$ (voir le rappel ci-dessous).*

Rappel sur l'algorithme d'Euclide

L'algorithme d'Euclide permet de déterminer le plus grand commun diviseur de deux entiers. Si $A \geq B > 0$, pour trouver $\text{pgcd}(A, B)$ on fait la division euclidienne de A par B , on remplace B par le reste de cette division et A par B . On répète ces manipulations jusqu'à ce qu'on trouve un reste nul. Le dernier reste non nul est le pgcd de A et B .