

TD 9: Sets, Tuples

1. Une fois les lignes de code suivantes exécutées, quelles valeurs sont stockées dans `output_set` ?

```
input_list = [3,1,4,1,5,9,2,6,5,3,5,9]
output_set = set([])
for i in input_list:
    output_set.add(i)
```

Solution.

{1, 2, 3, 4, 5, 6, 9}

2. Écrivez un code en une seule ligne pour supprimer les doublons d'une liste.

Exemple: Pour `[1, 1, 2, 3, 4, 2]`, il faut calculer `[1,2,3,4]`.

Solution.

```
A = [1, 1, 2, 3, 4, 2]
B = list(set(A))
print(B)
```

3. Écrivez une fonction `myenumerate` qui prend une liste et renvoie une liste de *tuples* contenant (index, item) pour chaque élément de la liste. Faites-le de deux manières :

i) avec une boucle, et

ii) avec une compréhension de liste.

Exemple: Pour `[1, 1, 2, 8]`, il faut retourner `[(0,1), (1,1), (2,2), (3,8)]`.

Solution.

Boucle:

```
def myenumerate(A):
    B = []
    for i in range(0, len(A)):
        B.append((i,A[i]))
    return B

print(myenumerate([1,1,2,8]))
```

Compréhension de liste:

```
def myenumerate(A):
    return [ (i, A[i]) for i in range(0, len(A)) ]

print(myenumerate([1,1,2,8]))
```

4. Écrivez une fonction `mytriplets` qui prend un nombre n en argument et renvoie une liste de *toutes* les triplets tels que la somme des deux premiers éléments du triplet soit égale au troisième élément. Chaque nombre utilisé dans un triplet doit être supérieur à 0, et inférieur ou égal à n .

Veillez noter que (a, b, c) et (b, a, c) représentent le même triplet.

Donnez deux codes : le premier utilisant des boucles, le second utilisant des compréhensions de liste.

Exemple: Pour $n = 5$, il va retourner `[(1,1,2), (1,2,3), (1,3,4), (1,4,5), (2,2,4), (2,3,5)]`.

Solution.

```
def mytriplets(n):
    A = []
    for i in range(1, n+1):
        for j in range(i, n+1):
            if i+j <= n:
                A.append((i,j,i+j))

    return A

print(mytriplets(8))
```

```
def mytriplets(n):
    return [(i,j,i+j) for i in range(1, n+1) for j in range(i,n+1) if i+j <= n]

print(mytriplets(8))
```

5. La fonction `zip`, déjà présente en Python, prend deux itérables en entrée et renvoie un itérateur contenant une paire du premier et du deuxième itérables.

Le i -ième tuple est : $(i\text{-ième élément du premier itérable}, i\text{-ième élément du deuxième itérable})$.

Exemple:

```
A = [3,5,1, "hello"]
B = [2,9]

C = zip(A,B)

print(type(C))

D = set(C)
print(D)
```

↓

```
<class 'zip'>
{(3, 2), (5, 9)}
```

Supposons que nous ayons deux listes, A et B , qui donnent les coordonnées x et y d'un ensemble de points. Créez **une liste** avec les coordonnées (x,y) sous forme de tuple à l'aide de la fonction `zip`.

Solution.

```
A = [3.234, 13, 1.1, 56.1]
B = [67, 12.12, 123, 62]

C = list(zip(A,B))
print(C)
```

6. (**Sudoku TP.**) La grille de Sudoku est stockée dans une liste de listes nommée `data`, où chaque liste contient une ligne de la grille. Voici un exemple :

```
data[0]: [6, 1, 3, 4, 7, 8, 5, 2, 9]
data[1]: [7, 4, 8, 5, 2, 9, 1, 6, 0]
data[2]: [2, 5, 9, 1, 6, 3, 4, 7, 8]
data[3]: [0, 2, 4, 6, 9, 5, 7, 3, 1]
data[4]: [3, 7, 1, 2, 8, 4, 6, 9, 0]
data[5]: [9, 6, 5, 7, 3, 1, 2, 8, 4]
data[6]: [5, 3, 6, 8, 1, 0, 9, 4, 0]
data[7]: [1, 8, 7, 9, 4, 2, 3, 5, 6]
data[8]: [4, 9, 2, 3, 5, 6, 8, 1, 7]
```

Un 0 dans une cellule indique une valeur manquante.

Étant donné l'input `data` et une ligne `i` ne contenant qu'un seul zéro, comment trouver la valeur manquante ?

Solution.

```
zeros = [j for j in range(0, 9) if data[i][j] == 0]

if len(zeros) == 1:
    somme_ligne = sum(data[i])
    valeur_manquante = 45 - somme_ligne
    data[i][zeros[0]] = valeur_manquante
```

7. (**Sudoku TP.**) La grille de Sudoku est stockée dans une liste de listes nommée `data`, où chaque liste contient une ligne de la grille. Voici un exemple :

```
data[0]: [6, 1, 3, 4, 7, 8, 5, 2, 9]
data[1]: [7, 4, 8, 5, 2, 9, 1, 6, 0]
data[2]: [2, 5, 9, 1, 6, 3, 4, 7, 8]
data[3]: [0, 2, 4, 6, 9, 5, 7, 3, 1]
data[4]: [3, 7, 1, 2, 8, 4, 6, 9, 0]
data[5]: [9, 6, 5, 7, 3, 1, 2, 8, 4]
data[6]: [5, 3, 6, 8, 1, 0, 9, 4, 0]
data[7]: [1, 8, 7, 9, 4, 2, 3, 5, 6]
data[8]: [4, 9, 2, 3, 5, 6, 8, 1, 7]
```

Un 0 dans une cellule indique une valeur manquante.

Étant donné l'input `data` et une colonne `j` qui ne contient qu'un seul 0, comment déterminer la valeur manquante dans cette colonne ?

Solution.

```
colonne = [data[i][j] for i in range(0, 9)]

zeros = [i for i in range(0, 9) if data[i][j] == 0]

if len(zeros) == 1:
    somme_colonne = sum(colonne)
    valeur_manquante = 45 - somme_colonne
    data[zeros[0]][j] = valeur_manquante
```

8. (**Sudoku TP.**) La grille de Sudoku est stockée dans une liste de listes nommée `data`, où chaque liste contient une ligne de la grille. Voici un exemple :

```
data[0]: [6, 1, 3, 4, 7, 8, 5, 2, 9]
data[1]: [7, 4, 8, 5, 2, 9, 1, 6, 0]
data[2]: [2, 5, 9, 1, 6, 3, 4, 7, 8]
data[3]: [0, 2, 4, 6, 9, 5, 7, 3, 1]
data[4]: [3, 7, 1, 2, 8, 4, 6, 9, 0]
data[5]: [9, 6, 5, 7, 3, 1, 2, 8, 4]
data[6]: [5, 3, 6, 8, 1, 0, 9, 4, 0]
data[7]: [1, 8, 7, 9, 4, 2, 3, 5, 6]
data[8]: [4, 9, 2, 3, 5, 6, 8, 1, 7]
```

Un 0 dans une cellule indique une valeur manquante.

Notez qu'il y a des blocs de taille 3×3 :

```
data[0]: [6, 1, 3, 4, 7, 8, 5, 2, 9]
data[1]: [7, 4, 8, 5, 2, 9, 1, 6, 0]
data[2]: [2, 5, 9, 1, 6, 3, 4, 7, 8]
-----+-----+-----
data[3]: [0, 2, 4, 6, 9, 5, 7, 3, 1]
data[4]: [3, 7, 1, 2, 8, 4, 6, 9, 0]
data[5]: [9, 6, 5, 7, 3, 1, 2, 8, 4]
-----+-----+-----
data[6]: [5, 3, 6, 8, 1, 0, 9, 4, 0]
data[7]: [1, 8, 7, 9, 4, 2, 3, 5, 6]
data[8]: [4, 9, 2, 3, 5, 6, 8, 1, 7]
```

Étant donné l'entrée `data` et une cellule (i, j) , déterminez si **le bloc contenant** (i, j) ne contient qu'un seul 0 à la position (i, j) , et le cas échéant, trouvez la valeur manquante.

Solution.

```
block_row = (i // 3) * 3
block_col = (j // 3) * 3

block_sum = 0
zero_count = 0
zero_position = None

for r in range(block_row, block_row + 3):
    for c in range(block_col, block_col + 3):
        if data[r][c] == 0:
            zero_count += 1
            zero_position = (r, c)
        else:
            block_sum += data[r][c]

if zero_count == 1 and zero_position == (i, j):
    data[i][j] = 45 - block_sum
```

9. (**Sudoku TP.**) Le tableau de Sudoku est stocké dans une liste de listes nommé `data`, où chaque liste contenant une ligne de tableau. Voici un exemple:

```
data[0]: [6, 1, 3, 4, 7, 8, 5, 2, 9]
data[1]: [7, 4, 8, 5, 2, 9, 1, 6, 0]
data[2]: [2, 5, 9, 1, 6, 3, 4, 7, 8]
data[3]: [0, 2, 4, 6, 9, 5, 7, 3, 1]
data[4]: [3, 7, 1, 2, 8, 4, 6, 9, 0]
data[5]: [9, 6, 5, 7, 3, 1, 2, 8, 4]
data[6]: [5, 3, 6, 8, 1, 0, 9, 4, 0]
data[7]: [1, 8, 7, 9, 4, 2, 3, 5, 6]
data[8]: [4, 9, 2, 3, 5, 6, 8, 1, 7]
```

Un 0 dans une cellule indique une valeur manquante.

Étant donné l'input `data` et une cellule (i, j) , comment déterminer si cette cellule n'a qu'un seul candidat possible après avoir examiné les chiffres présents dans sa ligne, sa colonne et son bloc ?

Il faut utiliser un set.

Solution.

Pour cellule (i, j) dans la grille, détermine l'ensemble des chiffres de 1 à 9 qui n'apparaissent ni dans la ligne i , ni dans la colonne j , ni dans le bloc contenant (i, j) . Si cet ensemble contient exactement un chiffre, alors ce chiffre est l'unique candidat pour `data[i][j]`.

```
possibles = {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}

for col in range(0, 9):
    possibles.discard(data[i][col])

for ligne in range(0, 9):
    possibles.discard(data[ligne][j])

bloc_i, bloc_j = (i // 3) * 3, (j // 3) * 3
for di in range(0, 3):
    for dj in range(0, 3):
        possibles.discard(data[bloc_i + di][bloc_j + dj])

if len(possibles) == 1:
    data[i][j] = possibles.pop()
```