

TD 2: Listes

1. Donnez et expliquez le résultat des instructions Python suivantes :

(a) 

```
list1 = [1,3,2]
print(list1*2)
```

Solution :

[1,3,2,1,3,2]

(b) 

```
a=[[1,2],[3,4],5],[6,7]]
print(a[0][1][1])
```

Solution :

4

(c) 

```
a,b=[3,1,2],[5,4,6]
print(a+b)
```

Solution :

[3,1,2,5,4,6]

(d) 

```
a=[2,1,3,5,2,4]
a.remove(2)
print(a)
```

Solution :

[1, 3, 5, 2, 4]

(e) 

```
theList=[1, 2, [1.1, 2.2]]
print(len(theList))
```

Solution :

3

(f) 

```
my_list = ['p', 'r', 'o', 'b', 'l', 'e', 'm']
print('p' in my_list)
print('a' in my_list)
print('c' not in my_list)
```

Solution :

True  
False  
True

(g)

```
odd = [1, 9]
odd.insert(1,3)
print(odd)
odd[2:2] = [5, 7]
print(odd)
```

**Solution :**

[1, 3, 9]  
[1, 3, 5, 7, 9]

(h)

```
list1 = ["python", "list", 1952, 2323, 432]
list2 = ["this", "is", "another", "list"]
print(list1)
print(list1[1:4])
print(list1[1:])
print(list1[0])
print(list1 * 2)
print(list1 + list2)
```

**Solution :**

['python', 'list', 1952, 2323, 432]  
['list', 1952, 2323]  
['list', 1952, 2323, 432]  
python  
['python', 'list', 1952, 2323, 432, 'python', 'list', 1952, 2323, 432]  
['python', 'list', 1952, 2323, 432, 'this', 'is', 'another', 'list']

(i)

```
a=[[]]*3
a[1].append(7)
print(a)
```

**Solution :**

[[7], [7], [7]]

(j)

```
T = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8]
print(T[T.index(5)], end = " ")
print(T[T[T[6]-2]-4])
```

**Solution :**

5 3

(k)

```
aList = [4, 8, 12, 16]
aList[1:4] = [20, 24, 28]
print(aList)
```

**Solution :**

[4, 20, 24, 28]

(1)

```
sampleList = [10, 20, 30, 40, 50]
sampleList.pop()
print(sampleList)
sampleList.pop(2)
print(sampleList)
```

**Solution :**

[10, 20, 30, 40]

[10, 20, 40]

2. Donnez et expliquez le résultat des instructions Python suivantes :

(a) `'py' + 'thon'`  
`'python'`

(b) `'py' * 3 + 'thon'`  
`'pypypython'`

(c) `'py' - 'py'`  
**Erreur**

(d) `'3' + 3`  
**Erreur**

(e) `3 * '3'`  
`'333'`

3. Écrivez un programme Python qui, étant donné une liste A de taille 6, trouve le maximum et le minimum. Votre algorithme doit utiliser **au plus** 10 comparaisons. Vous pouvez supposer que tous les nombres sont distincts.

**Solution.** Avec 10 comparaisons:

```
A = []
A.append( int(input("Number 1: ")) )
A.append( int(input("Number 2: ")) )
A.append( int(input("Number 3: ")) )
A.append( int(input("Number 4: ")) )
A.append( int(input("Number 5: ")) )
A.append( int(input("Number 6: ")) )

max = A[0]
min = A[0]

if max < A[1] :
    max = A[1]
if max < A[2] :
    max = A[2]
if max < A[3] :
    max = A[3]
if max < A[4] :
    max = A[4]
if max < A[5] :
    max = A[5]

if min > A[1] :
    min = A[1]
if min > A[2] :
    min = A[2]
if min > A[3] :
    min = A[3]
if min > A[4] :
    min = A[4]
if min > A[5] :
    min = A[5]

print("Min, Max : ", min, max)
```

4. Étant donné une liste **A** des nombres, nous regroupons les éléments de **A** comme suit :

0 et 1 sont dans le premier groupe, 2 et 3 sont dans le deuxième groupe, ...

Écrivez une ligne du code **Python** qui, étant donné un index  $k$ , calculera l'index  $l$  de l'autre élément du groupe. **N'utilisez aucune instruction if.**

Par exemple:

|          |                   |          |
|----------|-------------------|----------|
| $k = 5$  | $\longrightarrow$ | $l = 4$  |
| $k = 4$  | $\longrightarrow$ | $l = 5$  |
| $k = 16$ | $\longrightarrow$ | $l = 17$ |
| $k = 17$ | $\longrightarrow$ | $l = 16$ |

**Solution 1.** Décaler à  $0 - 1$ , faire de l'arithmétique modulaire, puis décaler à nouveau.

```
2*int(k/2) + (k%2 + 1) % 2
```

**Solution 2.**

```
k - k%2 + (k+1)%2
```

**Solution 3.**

```
k + (-1)**k
```

5. Écrivez un programme Python qui, étant donné 3 nombres distincts, trouve la médiane (la valeur du milieu). Votre algorithme doit utiliser **au plus** 3 comparaisons.

**Solution.**

```
A = [9, 1, 14]

if A[0] <= A[1]:
    smaller, bigger = A[0], A[1]
else:
    smaller, bigger = A[1], A[0]

if A[2] <= smaller:
    answer = smaller
else:
    if A[2] <= bigger:
        answer = A[2]
    else:
        answer = bigger

print(answer)
```

6. Écrivez un programme Python qui, étant donné 4 nombres distinct  $a, b, c, d$  tels que  $a < b$  et  $c < d$ , trouve le deuxième plus grand nombre avec **au plus** deux comparaisons.

**Solution.**

```
a,b,c,d = 12, 56, 20, 60

if b > d:
    if a > d:
        answer = a
    else:
        answer = d
else:
    if b > c:
        answer = b
    else:
        answer = c

print(answer)
```

7. Écrivez un programme Python qui, étant donné une liste A de 4 nombres distinct, trouve le deuxième plus petit nombre. Votre algorithme doit utiliser **au plus** 4 comparaisons.

**Solution.** Cette technique est appelée la méthode du tournoi.

**Solution 1.** Simple mais avec plusieurs cas

```
A = [9, 5, 1, 6]

# Round 1
if A[0] < A[1]:
    winner1, loser1 = A[0], A[1]
else:
    winner1, loser1 = A[1], A[0]

if A[2] < A[3]:
    winner2, loser2 = A[2], A[3]
else:
    winner2, loser2 = A[3], A[2]

# Round 2
if winner1 < winner2:
    min_val = winner1
    if loser1 < winner2:
        second_min = loser1
    else:
        second_min = winner2
else:
    min_val = winner2
    if loser2 < winner1:
        second_min = loser2
    else:
        second_min = winner1

print(second_min)
```

**Solution 2.** Moins de cas, mais difficile à comprendre

```
A = [9, 5, 1, 6]
B = []

if A[0] < A[1]:
    B.append(0)
else:
    B.append(1)

if A[2] < A[3]:
    B.append(2)
else:
    B.append(3)

if A[B[0]] < A[B[1]]:
    k = B[0]
else:
    k = B[1]

candidate_1 = 2*int(k/2) + (k%2 + 1) % 2
k = int(k/2)

candidate_2 = B[2*int(k/2) + (k%2 + 1) % 2]

if A[candidate_1] < A[candidate_2]:
    second_min = A[candidate_1]
else:
    second_min = A[candidate_2]

print(second_min)
```

8. **(Difficile)** Écrivez un programme Python qui, étant donné une liste **A** de taille 6 nombres, trouve le maximum et le minimum. Votre algorithme doit utiliser **au plus 7** comparaisons. Vous pouvez supposer que tous les nombres sont distincts.

**Solution.** Cette technique est appelée la méthode du tournoi.

```
A = []
A.append( int(input("Number 1: ")) )
A.append( int(input("Number 2: ")) )
A.append( int(input("Number 3: ")) )
A.append( int(input("Number 4: ")) )
A.append( int(input("Number 5: ")) )
A.append( int(input("Number 6: ")) )

Grand = [ ]
Petit = [ ]

if A[0] < A[1]:
    Petit.append( A[0] )
    Grand.append( A[1] )
else :
    Petit.append( A[1] )
    Grand.append( A[0] )

if A[2] < A[3]:
    Petit.append( A[2] )
    Grand.append( A[3] )
else :
    Petit.append( A[3] )
    Grand.append( A[2] )

if A[4] < A[5]:
    Petit.append( A[4] )
    Grand.append( A[5] )
else :
    Petit.append( A[5] )
    Grand.append( A[4] )

print("Petit: ", Petit[0], Petit[1], Petit[2])
print("Grand: ", Grand[0], Grand[1], Grand[2])

max = Grand[0]
min = Petit[0]

if max < Grand[1] :
    max = Grand[1]
if max < Grand[2] :
    max = Grand[2]

if min > Petit[1] :
    min = Petit[1]
if min > Petit[2] :
    min = Petit[2]

print("Min, Max : ", min, max)
```

9. **(Difficile)** Écrivez un programme Python qui, étant donné 5 nombres distincts, trouve la médiane (la valeur du milieu). Votre algorithme doit utiliser **au plus 6 comparaisons**.

**Solution.** Algorithme :

- (a) trier  $A[0]$  et  $A[1]$  en utilisant une comparaison, ainsi  $A[0] < A[1]$ .
- (b) trier  $A[2]$  et  $A[3]$  en utilisant une comparaison, ainsi  $A[2] < A[3]$ .
- (c) comparer  $A[1]$  et  $A[3]$  — le plus grand, disons  $A[1]$ , *ne peut pas* être la médiane. Le supprimer.
- (d) comparer  $A[0]$  et  $A[4]$ .
- (e) La situation est : nous connaissons l'ordre entre  $A[0]$  et  $A[4]$ , et l'ordre entre  $A[2]$  et  $A[3]$ . Jusqu'ici, nous avons utilisé 4 comparaisons.
- (f) Maintenant, on peut trouver le deuxième plus grand nombre parmi  $\{A[0], A[4], A[2], A[3]\}$  en deux comparaisons ... ce doit être la médiane.

```
A = [9, 1, 14, 15, 4]

#(a)
if A[0] > A[1]:
    _t = A[0]
    A[0] = A[1]
    A[1] = _t

#(b)
if A[2] > A[3]:
    _t = A[2]
    A[2] = A[3]
    A[3] = _t

#(c) et (d)
if A[1] > A[3]:
    a, b = A[2], A[3]
    if A[0] < A[4]:
        c, d = A[0], A[4]
    else:
        c, d = A[4], A[0]
else:
    a, b = A[0], A[1]
    if A[2] < A[4]:
        c, d = A[2], A[4]
    else:
        c, d = A[4], A[2]

#(e) et (f)
if b > d:
    if a > d:
        answer = a
    else:
        answer = d
else:
    if b > c:
        answer = b
    else:
        answer = c

print("Median is: ", answer)
```