

# Fondements de la programmation

## Exercices 0 Grammaires (informelles)

Voici une grammaire utilisée dans ce TD :

### Les tokens.

VARIABLES  $x = [a - z]^+$   
 NUMBERS  $n = [0 - 9]^+$   
 STRINGS  $s = "[\sim ]^*$

**Les non terminaux.** les noms *id* (comme les noms de variables) sont laissés au choix parmi de nouveaux noms.

TYPE	$\tau ::=$	<b>Num</b>	(nombres)
		<b>Str</b>	(textes)
		$\tau_1 \rightarrow \tau_2$	(fonctions)
		$(\tau_1, \dots, \tau_n)$	(produit)
		<b>Unit</b>	(produit vide)
EXPRESION	$e ::=$	$x$	(variable)
		$n$	(nombre littéral)
		$s$	(texte littéral)
		$e_1 + e_2$	(ajouter)
		$e_1 * e_2$	(multiplier)
		$e_1 / e_2$	(diviser)
		$e_1 \wedge e_2$	(concaténer)
		$(e_1, \dots, e_k)$	(tuple)
		<b>unit</b>	(tuple vide)
		<b>let</b> $x=e_1$ <b>in</b> $e_2$	(définition)
		$e_1 e_2$	(application)
		<b>fun</b> $(x:\tau) \Rightarrow e$	(abstraction)
		<b>if</b> $e_1 \geq 0$ <b>then</b> $e_2$ <b>else</b> $e_3$	(test)

## 1 Exercices

### 1.1 Arbres

**Question A. Arbre syntaxique.** Écrire l'arbre syntaxique de des expressions suivante :

- `let x = "hello" in x^x`
- `fun (f : Str → Num) ⇒ f "test"`

**Question B. AST.** Écrire un AST des expressions suivante :

- `let toto = "hello" in x*x-32*x-79`
- `fun (f : Str → Num → Num) ⇒ f "test" 3`

**Question C. Associativité/priorité.** Explicitez les associativités et priorités manquantes

## 1.2 Étendre la grammaire

**Question D. Petits points.** Les ... ne seraient pas acceptés dans une grammaire formelle, trouvez une manière d'exprimer le produit formellement.

**Question E. Booléens.** Le test n'est pas vraiment correcte : on ne peut faire que le test à 0. Ajouter les booléens, quelques opérateurs, et un test correcte.

**Question F. Les let in.** Les définitions, en OCaml, sont plus générales que ça : on peut remplacer le  $x$  par un patter, qui est soit une variable, soit un tuple de patern, soit une unité, soit un underscore. Corrigez le `let_in`.