

# Techniques de détection & de correction des erreurs de transmission

**Rushed KANAWATI**

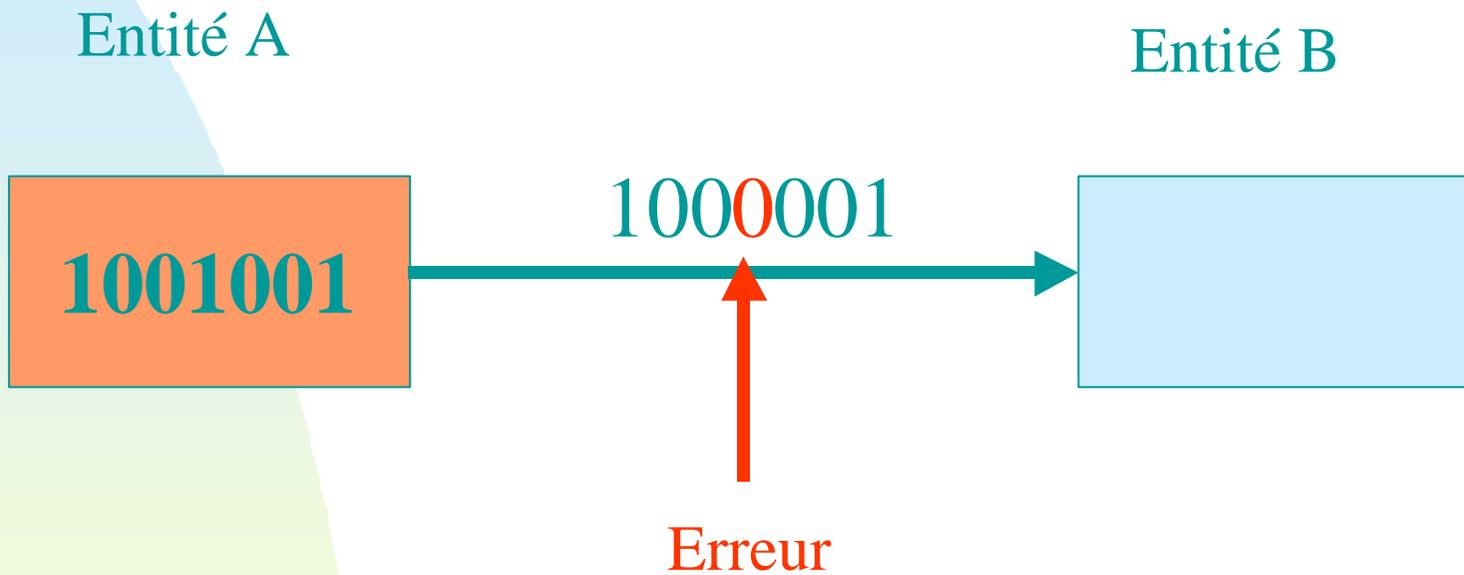
Département GTR - IUT de Villetaneuse, © 2002

*[rushed.kanawati@lipn.univ-paris13.fr](mailto:rushed.kanawati@lipn.univ-paris13.fr)*

# Sommaire

- Problématique
- Principe de détection des erreurs
- Techniques de détection des erreurs
  - ◆ Codes de parité
  - ◆ Code polynomiale (CRC)
- Techniques de correction des erreurs
  - ◆ Codes auto-correcteurs : code de Hamming
  - ◆ Correction par demande de retransmission
- Bibliographie

# Problématique



- Comment B peut **détecter** l'occurrence d'une erreur ?
- Comment B peut **localiser** une erreur ?
- Comment B peut **corriger** une erreur ?

# Approche naïve : la répétition

- Détection d'erreurs
  - ◆ Le message envoyé est constitué du double du message initial.
  - ◆ Envoyer 1001001 1001001 au lieu de 1001001
  - ◆ Le récepteur détecte une erreur si les exemplaires ne sont pas identiques.
- Auto-correction
  - ◆ Le message envoyé est constitué du triple du message initial.
  - ◆ Envoyer 1001001 1001001 1001001 au lieu de 1001001
  - ◆ Le message correcte correspond aux 2 exemples identiques.

# Quelques remarques

- La détection et la correction des erreurs nécessitent d'introduire de la **redondance** dans les messages transmis.
- Certaines erreurs ne peuvent pas être détectées
  - ◆ *Exemple : la même erreur sur les deux exemplaires*
- Certaines erreurs détectées ne peuvent pas être corrigées
  - ◆ *Exemple : Une erreur différente sur au moins deux exemplaires.*
- Certaines erreurs sont mal corrigées
  - ◆ *une même erreur sur deux exemplaires simultanément*
- L'auto-correction nécessite plus de redondance que la simple détection.

# Détection des erreurs : Code de parité

- La parité peut être paire ou impaire.
- Pour une parité paire (impair), on protège une séquence de k bits par l'ajout de r bits de sorte que le nombre de bits ayant la valeur 1 soit pair (impair)

Lettre	Code ASCII	(parité paire)	(parité impaire)
G	1110001	11100010	11100011
T	0100001	01000010	01000011
R	0100101	01001011	01001010

Ce code détecte les erreurs en nombre impair.

Pas de correction automatique.

# Détection des erreurs : Code polynomial

- A toute séquence de bits on associe un polynôme
  - ◆  $U = \langle u_0, u_1, u_2, \dots, u_n \rangle \Leftrightarrow U(x) = u_0 + u_1 \cdot x + u_2 \cdot x^2 + \dots + u_n \cdot x^n$
  - ◆  $1001001 \Leftrightarrow X^6 + X^3 + 1$
- Les séquences envoyés (codés) doivent être un multiple d'un polynôme  $g(x)$  dit **polynôme générateur**.
- **Le polynôme  $g(x)$  est connu à l'avance par l'émetteur et le récepteur.**

# Procédure de codage

- Soit  $P(X)$  le polynôme associé à la séquence de bits à protéger.
- Soit  $g(x)$  le polynôme générateur de degré  $k$ .
- Les calculs sont faits dans le corps  $Z/2Z$ 
  - ◆  $1+1=0$ ;  $X+X=0$ ;  $X=-X$
- On calcule  $P'(X) = P(X).X^k$ 
  - ◆ Ceci équivaut à un décalage de  $P(X)$ , de  $k$  positions vers la gauche.
- On divise  $P'(X)$  par  $g(x)$ .
  - ◆  $P'(X)=Q(X).g(X)+R(X)$
- Le message envoyé est :  $P'(X) +R(X)$
- $P'(X)+R(X) = Q(X).g(X)$  est multiple de  $g(X)$

# Procédure de décodage

- Soit  $M(X)$  le message reçu.
- On divise  $M(X)$  par  $g(X)$ 
  - ◆ Si le reste de division est **non nul** alors : détection d'une erreur.
  - ◆ Sinon (reste de division nul) il y a une forte probabilité que la transmission est correcte.

# Exemple

- Soit la séquence 1101 à envoyer
- $g(x) = x^3+x+1$
- $P(x)=x^3+x^2+1$
- $P'(x)=P(x).x^3=x^6+x^5+x^3$

$$\begin{array}{r}
 x^6+x^5+x^3 \\
 \underline{x^6+x^4+x^3} \\
 x^5+x^4 \\
 \underline{x^5+x^3+x^2} \\
 x^4+x^3+x^2 \\
 \underline{x^4+x^2+x} \\
 x^3+x \\
 \underline{x^3+x+1} \\
 1
 \end{array}$$

$R(x)=1$

Message envoyé : **1101001**

# Caractéristique du code polynomiale

- La qualité de la protection dépend du choix du polynôme générateur  $g(x)$ .
- On démontre par exemple (voir TD 03) que si :
  - ◆  $g(x)$  comporte au moins 2 termes alors les erreurs simples sont détectables.
  - ◆ si  $g(x)$  a un facteur irréductible de trois termes alors les erreurs doubles sont détectables
  - ◆  $g(x)$  est multiple de  $x+1$  alors les erreurs en nombre impair sont détectables.

# Correction des erreurs

- Deux approches :
  - ◆ Utilisation de code auto-correcteurs
    - ✦ Exemple : code de Hamming
  - ◆ Correction par retransmission
    - ✦ Si détection d'une erreur alors demander à l'émetteur de renvoyer le même message.

# Code de Hamming

- La **distance de Hamming** entre deux séquences binaires de même taille est égale au nombre de bits de rang identique par lesquels elles diffèrent.
- Exemple :  $d(1100110, 1010110) = 2$
- Soit un code composé de N mot valides.
- La distance de Hamming de ce code est définie comme la distance minimale qui sépare deux mots valides du code.
- Exemple : le code :  
 $C = [000000, 001110, 010101, 011011, 100011, 101101]$  a une distance de Hamming = 3
- Un code avec une distance d détecte d-1 erreurs et corrige k erreurs où  $d=2K+1$

# Correction par retransmission

- L'émetteur conserve une copie des données qu'il envoie.
- Le récepteur applique une méthode de détection des erreurs.
- Le récepteur informe l'émetteur de la bonne (resp. mauvaise) réception en lui retournant un paquet spécifique : **acquittement** positif (resp. négatif)
- Dans le cas d'un acquittement négatif, l'émetteur doit renvoyer le paquet erroné.
- Un **temporisateur** bornant la durée d'attente des acquittements est nécessaire pour assurer la correction du mécanisme lors des pertes de paquets de données.
- L'identification des paquets (de données et d'acquittement) est nécessaire pour assurer la correction du mécanisme lors des pertes d'acquittement.

# Pour en savoir plus

- K. Lahèche, **Les codes en informatique : codes détecteurs et correcteurs d'erreurs**, Hermès, 1995.
- R. Dapoigny, **Les transmissions dans les réseaux informatiques**, Support IUT, gaëtan morin éditeur 1999. Chapitre 5.
- A. Tanenbaum, **Réseaux**, InterEditions, 1997.